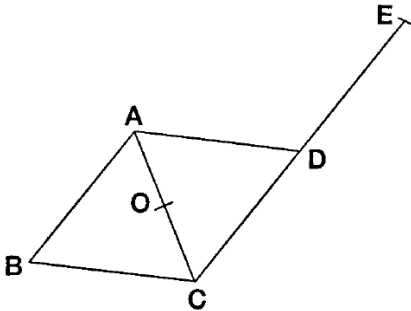


**EXERCICE N° 1 :**

Sur la figure ci-contre, on a :  $AB = AC = BC = CD = AD$  et  $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{DE}$   
Soit  $O$  le milieu du segment  $[AC]$ . (Ne pas refaire la figure.)



Compléter les phrases suivantes après les avoir recopiées.

- 1) a) Le point  $D$  est l'image du point  $B$  par la symétrie .....
- b) Par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AE}$ , le point  $B$  a pour image .....
- 2) ..... +  $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{AD}$ .

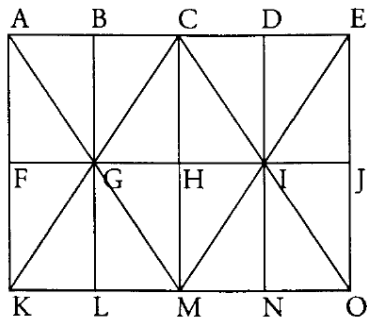
**Correction:**

- 1) a) Le point  $D$  est l'image du point  $B$  par la symétrie **de centre  $O$ , ou bien d'axe  $(AC)$**
- b) Par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AE}$ , le point  $B$  a pour image **le point  $D$** .
- 2)  $\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{AD}$ .

**EXERCICE N° 2 :**

La figure ci-contre est un assemblage de huit rectangles de mêmes dimensions que  $ABGF$ .  
Par observation de la figure, répondez aux questions suivantes.

(Il n'est demandé aucune justification et il n'est pas demandé de reproduire la figure.)



Quelle est l'image du triangle  $AFG$  par :

- 1) La symétrie orthogonale d'axe  $(CM)$  ?
- 2) La symétrie de centre  $H$  ?
- 3) La translation de vecteur  $\overrightarrow{LN}$  ?

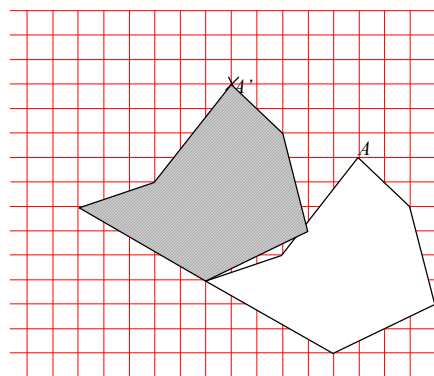
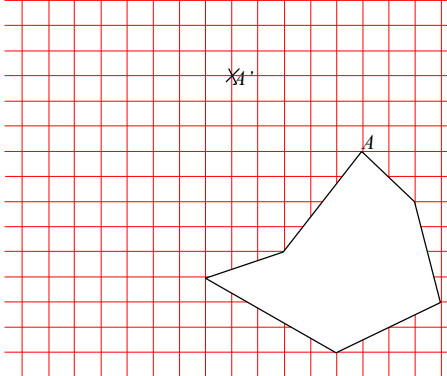
**Correction:**

L'image du triangle  $AFG$  par :

- 1) La symétrie orthogonale d'axe  $(CM)$  est le triangle  $IJE$ .
- 2) La symétrie de centre  $H$  est le triangle  $IJO$ .
- 3) La translation de vecteur  $\overrightarrow{LN}$  est le triangle  $CHI$ .

**EXERCICE N° 3 :**

Construire l'image de la figure par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AA'}$



**Correction:**

#### EXERCICE N° 4 :

$ABCD$  est un parallélogramme de centre  $O$ .

$I$  est la symétrique de  $A$  par rapport à  $B$ .

$J$  est la symétrique de  $B$  par rapport à  $C$ .

$K$  est la symétrique de  $C$  par rapport à  $D$ .

$L$  est la symétrique de  $D$  par rapport à  $A$ .

1/ Comparer  $\overrightarrow{BI}$  et  $\overrightarrow{KD}$ .

2/ Comparer  $\overrightarrow{JC}$  et  $\overrightarrow{AL}$ .

3/ Quelle est la nature de  $IJKL$  ?

#### Correction:

$I$  est la symétrique de  $A$  par rapport à  $B$  donc  $\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{AB}$ . Mais comme  $ABCD$  est un parallélogramme,  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ .  $K$  est la symétrique de  $C$  par rapport à  $D$  donc  $\overrightarrow{KD} = \overrightarrow{DC}$ .

Conclusion :  $\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{KD}$ .

$J$  est la symétrique de  $B$  par rapport à  $C$  donc  $\overrightarrow{JC} = \overrightarrow{CB}$ . Mais comme  $ABCD$  est un parallélogramme,  $\overrightarrow{CB} = \overrightarrow{DA}$ .  $L$  est la symétrique de  $D$  par rapport à  $A$  donc  $\overrightarrow{DA} = \overrightarrow{AL}$ .

Conclusion :  $\overrightarrow{JC} = \overrightarrow{AL}$ .

$\overrightarrow{JC} = \overrightarrow{AL}$ , donc  $ALCJ$  est un parallélogramme et  $[LJ]$  et  $[AC]$  ont le même milieu  $O$ .

$\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{KD}$ , donc  $BIDK$  est un parallélogramme, et  $[IK]$  et  $[BC]$  ont le même milieu  $O$ .

Conclusion : comme  $[LJ]$  et  $[IK]$  ont le même milieu,  $IJKL$  est un parallélogramme.

#### EXERCICE N° 5 :

$ABCD$  est un parallélogramme.  $I$  est l'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$  ;  $J$  est l'image de  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BD}$  ;

Montrer que  $I, J, C$  et  $D$  sont alignés.

#### Correction:

Si  $I$  est l'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$  ; alors  $\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{AC}$ , mais aussi  $\overrightarrow{CI} = \overrightarrow{AB}$ .

Si  $J$  est l'image de  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BD}$  ; alors  $\overrightarrow{AJ} = \overrightarrow{BD}$ , mais aussi  $\overrightarrow{JD} = \overrightarrow{AB}$ .

$ABCD$  est un parallélogramme, donc  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AB}$ .

Conclusion :  $\overrightarrow{JD} = \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{CI}$ , Donc  $J, D, C$  et  $I$  sont alignés.

#### EXERCICE N° 6 :

$ABC$  est un triangle ;  $D$  est la symétrique de  $A$  par rapport à  $B$  et  $E$  est l'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$ .

Montrer que le triangle  $ABC$  est le translaté du triangle  $BDE$  par une translation qu'il faudra préciser.

#### Correction:

Si  $D$  est la symétrique de  $A$  par rapport à  $B$ , alors  $\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{DB}$ .

Si  $E$  est l'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$ , alors  $\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{AC}$  et  $BACE$  est un parallélogramme ; donc on a aussi  $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{BA}$ .

C'est donc la même translation de vecteur  $\overrightarrow{BA}$  qui transforme  $B$  en  $A$ ,  $D$  en  $B$ , et  $E$  en  $C$ .

Par conséquent, le triangle  $ABC$  est le translaté du triangle  $BDE$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BA}$ .

#### EXERCICE N° 7 :

1) Quelles sont les images de  $A ; C ; H ; D$  et  $L$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  ?

2) Quels sont les vecteurs égaux au vecteur  $\vec{u}$  ?

3) Quelles sont les images de  $K ; D ; B ; I$  et  $G$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  ?

4) Quel point a pour image  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{CD}$  ?

5) Quel point a pour image  $H$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{EA}$  ?

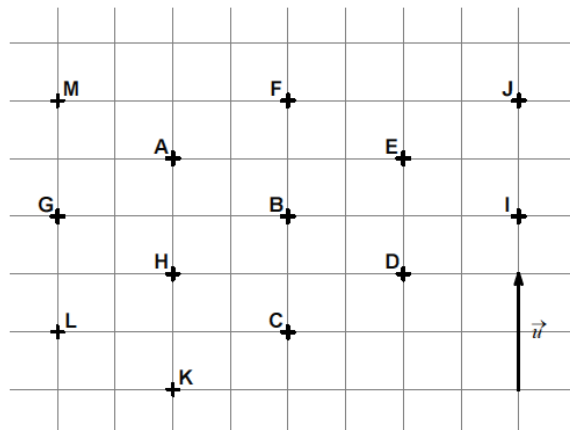
6) Quel point a pour image  $J$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{LH}$  ?

7) Quelles sont les images de  $L ; H$  et  $D$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{KB}$  ?

8) Quelles sont les images de  $F ; I ; B$  et  $E$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{JB}$  ?

9) Donner tous les vecteurs égaux au vecteur  $\overrightarrow{BI}$ .

10) Donner tous les vecteurs égaux au vecteur  $\overrightarrow{CA}$ .



#### Correction:

1) L'image de  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  est  $F$ .

L'image de  $C$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  est  $D$ .

L'image de  $H$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  est  $B$ .

L'image de  $D$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  est  $I$ .

L'image de  $L$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{GA}$  est  $H$ .

2)  $\vec{u} = \overrightarrow{LG} = \overrightarrow{GM} = \overrightarrow{KH} = \overrightarrow{HA} = \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{BF} = \overrightarrow{DE} = \vec{v}$

3) L'image de  $K$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  est  $H$ .

L'image de  $D$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  est  $E$ .

L'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  est  $F$ .

L'image de  $I$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  est  $J$ .

L'image de  $G$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{HA}$  est  $M$ .

4) C'est le point  $G$  qui a pour image  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{CD}$ .

5) C'est le point  $D$  qui a pour image  $H$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{EA}$ .

6) C'est le point  $E$  qui a pour image  $J$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{LH}$ .

7) L'image de  $L$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{KB}$  est  $A$ .

L'image de  $H$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{KB}$  est  $F$ .

L'image de  $D$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{KB}$  est  $J$ .

8) L'image de  $F$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{JB}$  est  $G$ .

L'image de  $I$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{JB}$  est  $C$ .

L'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{JB}$  est  $L$ .

L'image de  $E$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{JB}$  est  $H$ .

9)  $\overrightarrow{BI} = \overrightarrow{MF} = \overrightarrow{FJ} = \overrightarrow{AE} = \overrightarrow{BG} = \overrightarrow{HD} = \overrightarrow{LC}$

10)  $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{HM} = \overrightarrow{KG} = \overrightarrow{DF}$

### EXERCICE N° 8 :

1) Construire  $E$  et  $F$ , images des points  $A$  et  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{DC}$ . Ecrire les égalités de vecteurs correspondantes.

2) Construire  $G$  et  $H$ , images des points  $D$  et  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{CA}$ . Ecrire les égalités de vecteurs correspondantes.

3) Construire  $I$  et  $J$ , images des points  $E$  et  $D$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$ . Ecrire les égalités de vecteurs correspondantes.

4) Quelle est l'image du point  $G$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AI}$  ?

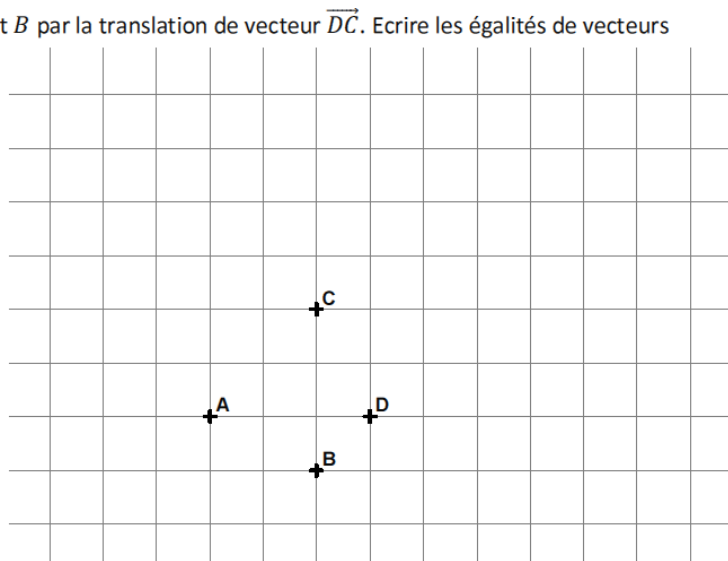
5) Quelle est la nature du quadrilatère  $AFBG$  ? Justifier.

6) Quelle est la nature du quadrilatère  $CJGH$  ? Justifier.

7) Quelle est la nature du quadrilatère  $ECCG$  ? Justifier.

8) Que représente  $A$  pour  $[EG]$  ? Justifier.

9) Que représente  $C$  pour  $[DI]$  ? Justifier.



### Correction:

1)  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AE} = \overrightarrow{BF}$

2)  $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{DG} = \overrightarrow{AH}$

3)  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{EI} = \overrightarrow{DJ}$

4) L'image du point  $G$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AI}$  est  $C$ .

5) Comme  $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{DG}$ , alors  $ACDG$  est un parallélogramme et on a donc aussi  $\overrightarrow{GA} = \overrightarrow{DC}$ . Or  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{BF}$  donc  $\overrightarrow{GA} = \overrightarrow{BF}$  ce qui signifie que  $AFBG$  est un parallélogramme.

6) Comme  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DJ}$ , on peut dire que  $ACJD$  est un parallélogramme et on a aussi  $\overrightarrow{CJ} = \overrightarrow{AD}$ . Par ailleurs,  $\overrightarrow{AH} = \overrightarrow{DG}$  donc  $AHGD$  est un parallélogramme et on a aussi  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{HG}$ .

On en déduit que  $\overrightarrow{CJ} = \overrightarrow{HG}$  et donc  $CJGH$  est un parallélogramme.

7) On sait que  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AE}$  donc  $AECD$  est un parallélogramme et on a aussi  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{EC}$ . Par ailleurs, dans la question précédente, nous avons montré que  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{HG}$  donc  $\overrightarrow{HG} = \overrightarrow{EC}$  ce qui montre que  $ECCG$  est un parallélogramme.

8) A la question 5, nous avons montré que  $\overrightarrow{GA} = \overrightarrow{DC}$  or  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AE}$  donc  $\overrightarrow{GA} = \overrightarrow{AE}$  ce qui montre que  $A$  est le milieu de  $[GE]$ .

9) On sait que  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{EI}$  donc  $ACIE$  est un parallélogramme et donc on a aussi  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{CI}$ . De plus,  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{DC}$  donc  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{CI}$  ce qui montre que  $C$  est le milieu de  $[DI]$ .

